#### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي دورة : جوان 2013

الشعبة: رياضيات

الحتبار في مادّة : الرياضيات المدّة : 04 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأقل

#### التمرين الأول: (06 نقاط)

،  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  معددان حقيقيان موجبان تماما. نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس a (I

. النقط  $z_E=be^{irac{3\pi}{2}}$  و  $z_C=\overline{z_A}$  ،  $z_B=-a\sqrt{2}$  ،  $z_A=ae^{irac{3\pi}{4}}$  على الترتيب C ، B ، A النقط C ، B ، A

. OAB مثمّ الشّكل الأستي العدد المركّب و $\frac{Z_A-Z_B}{Z_A}$  ، ثمّ استنتج طبيعة المثلّث .1 .1

ب - حدّد طبيعة الرباعي OABC، ثمّ استنج مساحته.

M'(z) التشابه المباشر S ذو المركز O والنسبة  $\frac{b}{a}$  والزاوية  $\frac{3\pi}{4}$ ، يحول كل نقطة M(z) من المستوي إلى النقطة M(z) . S(A) = E أ- اكتب العبارة المركبة للتشابه المباشر M(z) ثمّ تحقق أنّ M(z) .

S(C)=G و S(B)=F و مقدرة بوحدة المساحة)، حيث S(B)=F و S(C)=G

. 
$$|z_C|^2 + |z_E|^2 - 2|z_C \times z_E|\cos\left[\arg\left(\frac{z_E}{z_C}\right)\right]$$
 و  $b$  العبارة:  $a$  العبارة:  $a$  العبارة:  $a$  العبارة:  $a$  العبارة:  $a$ 

.bو a بدلالة a و  $cE^2$ 

.  $Z_n$  نقطة من المستوي تختلف عن O ، لاحقتها n (II

.  $M_{n+1} = S\left(M_n\right)$  ، n نضع عدد طبیعی  $M_0 = A$  نضع

 $v_n = \arg(z_n)$  و  $u_n = |z_n|$  و غتبر المعرفتين، من أجل كل عدد طبيعي  $u_n = |z_n|$  و  $u_n = |z_n|$  و نعتبر المتتاليتين

b و a على الشّكل الأستي بدلالة a و b .1. اكتب العدد المركّب a على الشّكل الأستي بدلالة a

 $\operatorname{arg}\left(\frac{Z_{n+1}}{Z_n}\right) \in \left]-\pi;\pi\right]$  و a < b: نفرض أنّ a < b:

بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  هندسية، والمتتالية  $(v_n)$  حسابية يُطلب تعيين أساس وحساب الحد الأوّل لكل منهما.

$$\lim_{n \to +\infty} T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}} :$$
 عيث  $T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}} :$  عيث  $T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}} :$  عيث  $T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}} :$  عيث  $T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}} :$ 

4. عين قيّم الأعداد الطبيعية n التي تكون من أجلها النقط A ، O و  $M_n$  في استقامية.

#### التمرين الثاني: (03 نقاط)

- eta = n + 3و  $lpha = 2n^3 14n + 2$ : عدد طبيعي . نعتبر العددين الصحيحين lpha و lpha ، حيث  $lpha = 2n^3 14n + 2$  و  $lpha = n \cdot 1$  ( يرمز PGCD إلى القاسم المشترك الأكبر ) . PGCD(lpha;eta) = PGCD(eta;10) الأكبر lpha = -1 ما هي القيّم الممكنة للعدد PGCD(lpha;eta) .
  - $PGCD(\alpha; \beta) = 5$  . بحيث يكون: 5 الطبيعي n ، بحيث يكون: 5
  - 2. أ ادرس، حسب قيّم العدد الطبيعي n، بواقى القسمة الإقليدية للعدد  $4^n$  على 11

$$\begin{cases} 4^{5n} + 4^n + n \equiv 0 \\ 11 \end{cases}$$
 .  $\begin{cases} 4^{5n} + 4^n + n \equiv 0 \\ 11 \end{cases}$  .  $\begin{cases} 4$ 

#### التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $(O;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$  الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

$$D(-3;4;4)$$
 و  $C(-2;-7;-7)$  ،  $B(2;2;-1)$  ،  $A(0;0;1)$  و نعتبر النقط

والمستوي (
$$\varphi$$
) المعرّف بالتمثيل الوسيطي: 
$$\begin{cases} x=1+3\alpha+\beta \\ y=1-2\alpha \end{cases}$$
 وسيطان حقيقيان. 
$$z=4+\alpha+\beta$$

- 1. أ بين أنّ النقط A ، B و C تعيّن مستويا.
- $\cdot$  تحقق أنّ الشعاع  $\vec{n}(3;-2;1)$  ناظمي للمستوي  $\vec{n}(3;-2;1)$  ، ثمّ اكتب معادلة ديكارتية له.
  - 2. أ اكتب معادلة ديكارتية للمستوي  $(\mathcal{P})$ ، ثمّ بيّن أنّ المستوبين (ABC) و  $(\mathcal{P})$  متعامدان.

$$\begin{cases} x=-2+t \ y=-7+4t \,;\; t\in\mathbb{R} \end{cases}$$
 بين أن تقاطع  $(ABC)$  و  $(BC)$  هو المستقيم  $(ABC)$  ذو التمثيل الوسيطي:  $z=-7+5t$ 

- ج احسب المسافة بين النقطة D والمستوي (ABC)، والمسافة بين النقطة D والمستوي (P)، ثمّ استتج المسافة بين النقطة D والمستقيم  $(\Delta)$ .
  - $(\mathfrak{G})$  المستوى الذي يشمل النقطة D والعمودي على كل من المستويين (ABC) و  $(\mathfrak{G})$ .
    - أ اكتب معادلة ديكارتية للمستوي (١٠).
  - H و  $(\mathfrak{Q})$  و  $(\mathfrak{P})$  و المستويات الثلاثة (ABC) و المستويات الثلاثة (ABC) و المستويات الثلاثة وحداثيات  $(\mathfrak{P})$ 
    - $oldsymbol{\leftarrow}$  احسب بطريقة ثانية، المسافة بين النقطة D والمستقيم  $(\Delta)$  .

#### التمرين الرابع: (06 نقاط)

$$u(x) = e^x - 3x + 4 - e$$
. الدالة  $u$  معرّفة على المجال  $0; +\infty$  إلى المجال  $0; +\infty$ 

أ - ادرس اتجاه تغيّر الدالة u

$$\cdot e^x - e > 3x - 4$$
،  $]0;+\infty[$  من المجال  $x$  عدد حقيقي  $x$  من أجل كل عدد عقيقي

$$v(x) = -3x^3 + 4x^2 - 1 + \ln x$$
 بين أنَ:  $v(x) = -3x^3 + 4x^2 - 1 + \ln x$  بين أنَ:  $v(x) = -3x^3 + 4x^2 - 1 + \ln x$  بين أنَ:  $v(x) = 0$  (يرمز  $v(x) = 0$ ).

$$V(x) \le 0$$
 ،  $]0;+\infty$  من المجال  $X$  عدد حقیقی  $X$  من المجال الله، من أجل كل عدد حقیقی

$$\frac{-1+\ln x}{x^2} \le 3x-4$$
 ،  $]0;+\infty[$  من المجال  $]0;+\infty[$  عدد حقیقي  $x$  من المجال عدد حقیقي

$$e^{x} - e + \frac{1 - \ln x}{x^{2}} > 0$$
: ]0;+∞[ من المجال  $x$  من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال 3.

. 
$$f(x) = e^x - ex + \frac{\ln x}{x}$$
 بـ  $]0;+\infty[$  بين على المجال  $]0;+\infty[$  بين معرّفة على المجال  $]0;+\infty[$ 

.  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

$$\lim_{X\to +\infty} f(X)$$
 و  $\lim_{X\to 0} f(X)$  احسب: .1

2. بين أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال  $]\infty+;0[$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.

. 
$$0; \frac{5}{2}$$
 على المجال  $(\mathcal{C}_f)$  على المجال  $f(1)$  على .3

. ( 
$$f\left(\frac{5}{2}\right) \approx 5,75$$
 و  $f\left(1,64\right) \approx 1$  ،  $f\left(2\right) \approx 2,3$  (ناخذ: 2,3 )

4. احسب مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى  $\left(\mathcal{C}_f\right)$  وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللّذين معادلتاهما x=2 و  $x=\frac{1}{2}$ 

#### الموضوع الثاني

#### التمرين الأوّل: (03 نقاط)

- $2n+27\equiv 0[n+1]\equiv 1$ . أ- عين الأعداد الطبيعية n التي تحقق:
- (b-a)(a+b)=24 : عين الثنائيات (a;b) من الأعداد الطبيعية، حيث
  - $\sqrt{24}$  استتج طريقة لرسم قطعة مستقيمة طولها
- $\beta = \overline{3403}$  و  $\alpha = \overline{10141}$  و  $\alpha =$ 
  - $\begin{cases} b^2 a^2 = 24 \\ \alpha a \beta b = 9 \end{cases}$  : من الأعداد الطبيعية حيث (a; b) من الثنائية
- 3. أ عيّن القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 1434، ثمّ استنتج القاسم المشترك الأكبر للعددين 671 و 478. x عيّن القاسم المشترك الأكبر للعددين x التالية: x عيّن المعادلة ذات المجهول x التالية: x التالية: x المعادلة ذات المجهول x التالية: x المعادلة ذات المحددين x المعادلة ألمان المحددين x المعادلة ذات المحددين x المعادلة ألمان x المعادلة ذات المحددين x المعادلة ألمان x ا

#### التمرين الثاني: (05 نقاط)

- .  $z^2+z+1=0$  ، التالية:  $z^2+z+1=0$  ، المعادلة ذات المجهول z ، التالية:  $z^2+z+1=0$
- 2. نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ؛ النقط B ، B و M ذات اللّحقات:

$$(z_A$$
 و  $\overline{z}_A$  و روم على الترتيب.  $(z_A = \overline{z}_A ; z_A = -\frac{1+i\sqrt{3}}{2})$ 

- أ أكتب  $Z_A$  على الشّكل الأستى.
- $\operatorname{arg}\left[\left(z-z_A
  ight)^2
  ight]=\operatorname{arg}\left(z_A
  ight)-\operatorname{arg}\left(z_B
  ight)$  عين مجموعة النقط M من المستوي، حيث:
- $.z'=z_A\cdot z+z_B\sqrt{3}$  :حيث M'(z) النقطة M(z) النقطة M(z) عيث M(z) عيث M(z) .3
  - ما طبيعة التحويل ٢؟ عين عناصره المميزة.
  - $\cdot$  z'=-2z+3i : حيث M'(z) النقطة M(z) النقطة M(z) حيث h حيث h
    - عيّن نسبة ومركز التحاكي h.
    - $(h \circ r)$  نضع:  $S = h \circ r$  و برمز  $(h \circ r)$  نضع:  $S = h \circ r$
- . z'=2  $e^{i\frac{\pi}{3}}(z-i)+i$  هي: التّحويل S ، مبرزاً عناصره المميزة، ثمّ تحقّق أنّ عبارته المركّبة هي: S
- S(D)=E و S(C)=D ، S(O)=C و عتبر النقطة  $\Omega$  ذات اللاحقة i والنقط i و النقط i و i و i و i و i و i و i د i و i د i و i د i النقط i د i و i د i د i النقط i د i
  - $eta\in\mathbb{R}$  مع  $z=2e^{i heta}+e^{irac{\pi}{2}}$  : من المستوي، حيث  $M\left(z
    ight)$  مجموعة النقط  $M\left(z
    ight)$  من المستوي، حيث S مع S مع S صورة S بالتحويل S بالتحويل S بالتحويل S مع S مع

#### التمرين الثالث: (04 نقاط)

$$B(1;1;1)$$
 و  $A(-1;0;2)$  النقطتين  $A(-1;0;2)$  النقطتين  $A(-1;0;2)$  و ونعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $X=2+\alpha$  و المستقيم  $X=2+\alpha$  المعرّف بالتمثيل الوسيطي التالي:  $X=-1-\alpha$  حيث  $X=1$ 

(AB) أ - اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم .1

 $(\Delta B)$  و نفس المستقيمين (AB) و أنّ المستقيمين أنّ المستقيمين

- $(\Delta)$  المستوي الذي يشمل (AB) ويوازي ( $(\Delta)$ ).
  - أ اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوى (9).
- y 1 أثبت أن y 1 1 1 ، هي معادلة ديكارتية للمستوي ( $(\mathcal{P})$ ).
- $(eta\in\mathbb{R})$  مع (1+2eta;1+eta;1-eta) مع الفضاء إحداثياتها (AB) مع (AB) مع (AB) مع (AB) .
  - $\Psi$  جد إحداثيات النقطتين M و N حتى تكون M المسقط العمودي للنقطة N على المستوي  $\Psi$ 
    - ABN . مساحة المثلث N و  $(\mathcal{P})$  هي  $\frac{2}{\sqrt{3}}$ ، ثمّ احسب مساحة المثلث N

#### التمرين الرابع: (08 نقاط)

- $g(x)=1+\left(x^2-1
  ight)e^{-x}$ : بر $g(x)=1+\left(x^2-1
  ight)e^{-x}$  الدالة g(x)=1
  - $\lim_{x\to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x\to -\infty} g(x)$  .1

 $(g(1+\sqrt{2}) \approx 1.43)$  و  $g(1-\sqrt{2}) \approx -0.25$  و  $g(1+\sqrt{2}) \approx 1.43$  و  $g(1+\sqrt{2}) \approx 1.43$  و  $g(1+\sqrt{2}) \approx 1.43$ 

2. أ - بين أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حليّن في  $\mathbb R$  ، ثمّ تحقّق أنّ أحدهما معدوم والآخر lpha ، حيث:

 $-0.8 < \alpha < -0.7$ 

- $\cdot$  استنتج إشارة g(x) ؛ حسب قيم العدد الحقيقى  $\cdot$
- $f(x) = x (x+1)^2 e^{-x}$  الدالة f معرّفة على  $\mathbb{R}$  بر  $\mathbb{R}$

(2 cm وحدة الطول  $(O;\vec{i},\vec{j})$  منحنى الدالة  $(O;\vec{i},\vec{j})$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس ( $(O;\vec{i},\vec{j})$ ). (وحدة الطول

.  $\lim_{X\to +\infty} f(X)$  و  $\lim_{X\to -\infty} f(X)$  عسب. 1.

 $+\infty$  عند  $(\mathcal{C}_f)$  عند المعادلة y=x ، مقارب مائل للمنحنى  $\Delta$  عند  $\Delta$ 

- $(\Delta)$  بالنسبة إلى المستقيم ( $(\mathcal{C}_f)$ ) بالنسبة إلى المستقيم
- ( f الله الدالة المشتقة للدالة f'(x) = g(x) ، g(x) ، عدد حقيقي g(x) ، على عدد حقيقي g(x) . g(x) على g(x) . g(x) على g(x) على g(x) . g(x) على g(x) على g(x) . g(x) .
- 3. أ بيّن أنّ المنحنى  $\binom{\mathcal{C}_f}{f}$  يقبل مماسين، معامل توجيه كل منهما يساوي 1، يطلب تعيين معادلة لكل منهما.  $\mathbf{P}_f$  والمماسين والمنحنى  $\binom{\mathcal{C}_f}{f}$ .

 $(x+1)^2 + me^x = 0$  : x ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي x ، عدد حلول المعادلة ذات المجهول

 $H(x) = (-x^2 - 4x - 5)e^{-x}$  بين  $\mathbb{R}$  بين H معرّفة على H

 $\mathbb{R}$  على  $x\mapsto (x+1)^2\,e^{-x}$  على H دالة أصلية للدالة:

- $(C_f)$  والمستقيمين اللذين المربع ، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(C_f)$  والمستقيمين اللذين (X = 0) و X = 0 و X = 0
  - .  $u_{n+1}=f\left(u_{n}\right)$  ، n عدد طبيعي  $u_{0}=\alpha$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $\left(u_{n}\right)$  —III (تذكّر أنّ العدد  $\alpha$  يحقّق  $g(\alpha)=0$ 
    - $-1 \le u_n \le \alpha$  ، n عدد طبیعی انّه، من أجل كل عدد التراجع أنّه، من أجل كل عدد التراجع أنّه، من أجل
      - . بيّن أنّ المتتالية  $\left(u_{n}
        ight)$  متتاقصة.
      - 3. استنتج أنّ  $(u_n)$  متقاربة، ثمّ احسب نهايتها.

### الإجابة النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2013

اختبار مادة: الرياضيات الشعبة: رياضيات المدة: 04 ساعات ونصف

## عدد الصفحات: 4

## الإجابة النموذجية

العلامة		عناصر الإجابة	(الموضوع الأول)
المجموع	مجزأة	a a • as	A € 0 € 00 € 00 € 00 € 00 € 00 € 00 € 0
			التمرين الأوّل: (06 نقاط) "
	0,25+0,5	، المثلث $OAB$ متساوي الساقين وقائم في $A$ .	$\frac{Z_A - Z_B}{Z_A} = e^{-i\frac{\kappa}{2}} - 1.1$
	$0,25\times2$	$s(\mathit{OABC}) = a^2$ ua ه ، مساحته $s(\mathit{OABC})$	ب - الرباعي OABC مرب
	$0,25\times2$	$z' = \frac{b}{a}e^{i\frac{3\pi}{4}} \times z  .$	$\frac{z_E}{z_A} = \frac{b}{a} e^{i\frac{3\pi}{4}} - 1.2$
	0, 25	$S_{(OEFG)} = \left(rac{b}{a} ight)^2  imes a^2$ . عي $OEFG$ هي $b^2$ مقدّرة بوحدة المساحات	ب - تبيان أنّ مساحة الرباء
06	0,5	$\left z_{C}\right ^{2} + \left z_{E}\right ^{2} - 2\left z_{C} \times z_{E}\right  \cos\left[\arg\left(\frac{z_{E}}{z_{C}}\right)\right] = a$	$a^2 + b^2 - ab\sqrt{2} - 1.3$
	$0,25\times2$	الكاشي:	ب - المثلث OCE حسب
	0,20712	$CE^2 = OC^2 + OE^2 - 2OC \times OE \times COS(\overrightarrow{OC}, \overrightarrow{OC})$	the the state of t
		$ z_C  -  z_E ^2 - 2 z_C  z_E \cos\left[\arg\left(\frac{z_E}{z_C}\right)\right] = a^2 + b^2$	$b^2 - ab\sqrt{2}$
	0,25	$\cdot \frac{Z_{n+1}}{Z_n} = \frac{b}{a} e^{i\frac{3\pi}{4}}$ معناه	$M_{n+1} = s(M_n)$ -1. II
	0,75×2	$u_0=\left z_0 ight =\left z_A ight =a$ أساسها $rac{b}{a}$ وحدّها الأول $u_0$ معرّف بـ	
		$v_0=rg(z_A)\!=\!rac{3\pi}{4}$ اسها $rac{3\pi}{4}$ وحدها الأوّل $v_0$ معرّف به:	متتالية حسابية أس $\left( V_{n} ight)$ -
	0,5	$\lim_{n\rightarrow +\infty}T_n=+\infty  \text{o}  T_n=u_0+u_1+u_2+u_3+\ldots+u_n=$	$\frac{a^2}{b-a} \left[ \left( \frac{b}{a} \right)^{n+1} - 1 \right] - 3$
	0,75		$\ell \in \mathbb{N}$ مع $n = 4\ell$ - 4
	T		التمرين الثاني: (03 نقاط
	0,75	$PGCD(\alpha; \beta) = PGCD$	$(oldsymbol{eta};10)$ : آ - تبيان أن $oldsymbol{1}$
03	$0,5\times2$	$p \in \mathbb{N}$ مع $n = 10 p + 2$ $\rightarrow$ $PGCD(a)$	$(\alpha; \beta) \in \{1; 2; 5; 10\}$
	0,75	دد الطبيعي $n$ ، بواقي القسمة الاقليدية للعدد $4^n$ على $11$ .	2. أ - دراسة حسب قيم الع
	0,5	$p \in \mathbb{N}$ (	ب- n=110p+82

العلامة العلامة		فابع قارِ جابة المود بية موضوع البحاثوري دورة. 2015 - هدة. الرياضيات السعبة. رياضيات المد
المجموع		(تابع للموضوع الأوّل) عناصر الإجابة
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
	0,75	ABC. أ - تبيان أنّ النقط $A$ ، $B$ و $C$ تعيّن مستويا $B$ ، $A$
	$0.5 \times 2$	ب - الشعاع $\vec{n}(3;-2;1)$ ناظمي لـِ $\vec{n}(3;-2;1)$ ؛ $(ABC)$ ؛ $\vec{n}(3;-2;1)$ معادلة له.
	0,5+0,25	ا متعامدان. $X+y-z+2=0$ و $(\mathcal{P})$ متعامدان. $X+y-z+2=0$ و المتعامدان.
	0,5	$x=-2+t$ $y=-7+4t$ $(t\in\mathbb{R})$ معرّف بر $(\Delta)$ معرّف وفق مستقیم $(BC)$ معرّف $z=-7+5t$
05	$0,25\times3$	$d(D,(\Delta)) = \sqrt{\frac{43}{3}} + d(D,(\mathcal{G})) = \frac{\sqrt{3}}{3} + d(D,(ABC)) = \sqrt{14} - \mathcal{E}$
	0,5	ا . أ - $3 = 0 - 3$ هي معادلة لـِ $(0)$ ؛
	0, 25 +0, 25	$H\left(\frac{1}{3}, \frac{7}{3}, \frac{14}{3}\right)$ . هندسیا $(\mathcal{G}) \cap (ABC) \cap (\mathcal{Q}) = \{H\}$ ب
	0,25	$d(D,(\Delta)) = DH = \sqrt{\frac{43}{3}}  -\Rightarrow$
		التمرين الرابع: (06 نقاط)
	0,5	u الدالة $u$ الدالة $u$
	0,5	$e^x - e > 3x - 4$ ، $]0; +\infty[$ من المجال $x$ من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال
	0,75+0,5	. $v(x) \le 0$ ، $]0;+\infty[$ ب - إثبات أنّه من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $v'(1)=0$ . 2
	0,5	$-\frac{1+\ln x}{x^2} \le 3x-4$ ، $]0;+\infty[$ من المجال $X$ عدد حقیقی $X$ من المجال عدد حقیقی $X$ من المجال $X$
06	0,5	$e^x - e + \frac{1 - \ln x}{x^2} > 0$ : ]0;+ $\infty$ [ من المجال $X$ عدد حقيقي $X$ من المجال عدد عقيقي $X$ من المجال $X$
	0,5	$\lim_{X \to +\infty} f(X) = +\infty : \lim_{X \to 0} f(X) = -\infty \cdot 1 - II$
	0,5×2	$f$ متزايدة تماما على المجال $]0;+\infty[$ ؛ جدول تغيّرات الدالة $f$
	0,5	$\cdot \left[0; \frac{5}{2}\right]$ على المجال $\left(\mathcal{C}_f\right)$ على المجال $f(1) = 0$ . $3$
	0,25+	$A = -\int_{\frac{1}{2}}^{1} f(x) dx + \int_{1}^{2} f(x) dx, ua \approx 1,024 \ ua : A$ المساحة
	0, 25 +	$J^{\frac{1}{2}}$
	0,25	$(\int f(x) dx = e^x - \frac{e}{2}x^2 + \frac{1}{2}(\ln x)^2 + c)$

العلامة		2 (1-M)	/ tithi e . ta . tis
المجموع	مجزأة ا	عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)
	ا معد ا		التمرين الأوّل: (03 نقاط)
	0,25	$0;4;24$ هي: $2n+27\equiv 0[n+1]$ التي تحقّق	
	0,5		$(x,b) \in \{(1;5); (5;7)\}$ - $\downarrow$
03	0,25		ج - طريقة لرسم قطعة مستق عرب
			$\sqrt{24}^2 + 1^2$ يمكن استعمال
	$0,25\times2$		$\alpha = \overline{10141} = 671 - 1.2$
	0,5	(a;b) = (5;7) معناه	$\begin{cases} b^2 - a^2 = 24 \\ 671a - 478b = 9 \end{cases}$
	0,25×2	PGCD(671;478) = 1 : PGCD	(2013;1434) = 3 - 1.3
	0,5	$k \in \mathbb{Z}$ معناه $(x,y) = (478k + 5;671k + 7)$ مع	013x - 1434y = 27 - 4
			التمرين الثاني: (05 نقاط)
05	0,5	$z = \frac{-1 + i\sqrt{3}}{2}$ أو $z = \frac{-1 - i\sqrt{3}}{2}$	معناه $z^2 + z + 1 = 0$ معناه
	0,5+0,25	. $A$ باستثناء النقط هي المستقيم ( $OA$ ) باستثناء النقطة $Z_A=-$	$-\frac{1+i\sqrt{3}}{2} = e^{-i\frac{2\pi}{3}} - 1.2$
	0,5	$\pmb{\omega}(0;1)$ و مرکزه $-rac{2\pi}{3}$	هو دوران زاويته $r$ -1.3
	0,5	$\omega(0;1)$ ومركزه هو النقطة $\omega(0;1)$	$\mu$ - نسبة التحاكي $h$ هج
	0,75	کزه $\omega(0;1)$ ونسبته $1$ وزاویته $-rac{2\pi}{3}$ ؛ $-rac{2\pi}{3}$ ونسبته $\omega(0;1)$	جه و تشابه مباشر مر $r$
		$1{ imes}2$ ونسبته $S$ هو تشابه مباشر مرکزه $\omega(0;1)$ ونسبته $S$	ونسبته $\omega(0;1)$
			$-\frac{2\pi}{3} + \pi = \frac{\pi}{3}$ وزاویته
	0.05		
	0,25	: : : E	التحقق من الكتابة المركبة
	0,75	$E$ . تبيان أنّ النقط $\Omega$ ، $\Omega$ وَ $E$ في استقامية.	
	0,5	لدائرة ذات المركز $\Omega$ ونصف القطر $2$ .	
	0,5	$\Omega$ القطر $\Omega$ القطر $\Omega$	1 H H H H H H H H H H H H H H H H H H H
		\( \bullet \)	التمرين الثالث: $(40)$ نقاط) $-1+2t$
	0,25	(AB) هو تمثيل وسيطي للمستقيم $y=$	or and the state of the state o
	0,5	عير متقاطعين وغير متوازيين إذن هما ليسا من نفس المستوي. $\Delta$	

العلامة		Zala Militaria de la contractiona de la contraction	
المجموع	مجزأة	(تابع للموضوع الثاني) عناصر الإجابة	
03	0,25	$(\mathcal{G})$ وهو تمثیل وسیطي للمستوي $\begin{cases} x = -1 + 2\lambda + \gamma \\ y = \lambda \end{cases}$ $(\lambda \in \mathbb{R}); (\gamma \in \mathbb{R})$ . $(\lambda \in \mathbb{R}); (\gamma \in \mathbb{R})$ . $(\lambda \in \mathbb{R}); (\gamma \in \mathbb{R})$ . $(\lambda \in \mathbb{R}); (\gamma \in \mathbb{R})$	
	0,25	$oldsymbol{arphi}$ ب - إثبات أن $y+z-1=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي ( $oldsymbol{arphi}$ ).	
	0,25	AB). وتبيان أنّ النقطة $M$ تنتمي إلى المستقيم ( $AB$ ).	
	0,75	. $N(-3;-2;4)$ و $M\left(-\frac{11}{3};-\frac{4}{3};\frac{10}{3}\right)$ - ب	
	0,5+0,25	$S(ABN) = \sqrt{2} \ u.a \ ABN$ حساب مساحة المثلث $d(N,(P)) = \frac{2}{\sqrt{3}} - \frac{2}{\sqrt{3}}$	
		التمرين الرابع: (08 نقاط)	
	$0,25\times2$	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = 1 : \lim_{x \to -\infty} g(x) = +\infty \cdot 1 \cdot 1 - I$	
	$0,25\times3$	$g'(x)=-(x^2-2x-1)e^{-x}$ ؛ إشارة $g'(x)$ ؛ جدول تغيّرات الدالة	
	0,5	$\left[1-\sqrt{2};1+\sqrt{2} ight]$ وحلاً في $\left[-\infty;1-\sqrt{2} ight]$ وحلاً في $g(x)=0$ - ا.2	
		ے ۔ $\mathbb{R}$ إذن تقبل حلين في $\mathbb{R}$	
	$0,25\times2$	$g(-0.8) \times g(-0.7) < 0$ $\alpha \in ]-0.8; -0.7[: g(0) = 0$	
	0,25	$g(\alpha) = g(0) = 0  g(x) < 0  x \in \left]\alpha; 0\right[ : g(x) > 0  x \in \left]-\infty; \alpha\right[ \cup \left]0; +\infty\right[ -\infty]$	
0.0	$0,25\times2$	$\lim_{X \to +\infty} f(X) = +\infty : \lim_{X \to -\infty} f(X) = -\infty \cdot 1 - II$	
08	0,25	$\lim_{x \to +\infty} [f(x) - x] = 0 - 4$	
	0,25	$(\Delta)$ ومنه المنحني $(\mathcal{C}_f)$ يقع أسفل المستقيم $f(x)-x<0$ ومنه المنحني ج- من أجل كل عدد حقيقي ج- من أجل كل عدد حقيقي $f(x)$	
	0,25	f'(x)=g(x)، $x$ عدد حقیقی عدد $f'(x)=g(x)$	
	0,25	ب - جدول تغيرات الدالة f	
	0,25×3	$(x=-1]$ أو $(\mathcal{C}_f)$ يقبل مماسين $(\mathcal{C}_f)$ لهما حلان $(\mathcal{C}_f)$ أو $(\mathcal{C}_f)$ وا	
		$y = x - \frac{4}{e}$ $y = x$	
	0,25×3	$(\mathcal{C}_f)$ ب - تمثیل المماسین والمنحنی ب - تمثیل المماسین والمنحنی ب - تمثیل المماسین والمنحنی	
	0,5	$(x+1)^2+me^x=0$ عدد حلول المعادلة ، حسب قيم الوسيط الحقيقي عدد حلول المعادلة ، حسب $me^x=0$	
	0,25	$H'(x) = (x+1)^2 e^{-x} \cdot 4$	
	0,25	$S = 4(2e-5) cm^2$	
	0,75	$-1 \le u_n \le lpha$ ، $n$ عدد طبيعي عدد البرهان بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي $-1 \le u_n \le lpha$	
	0,25	$u_{n+1}-u_n=-(u_n+1)^2e^{-u_n}<0$ . المنتالية $(u_n)$ منتاقصة لأن: 2	
	$0,25\times2$	$\lim_{n \to +\infty} u_n = -1$ ؛ متقاربه $\left(u_n\right)$ متقاربه $\left(u_n\right)$	